

## DEVOIR SURVEILLE n°1

### Exercice 1:

Dans cet exercice, les calculs seront effectués à  $10^{-3}$  près.

L'étude du coût de maintenance annuel d'une installation de chauffage dans un immeuble de bureaux, en fonction de l'âge de l'installation, a donné les résultats suivants:

Age en années: $x_i$	1	2	3	4	5	6
Coût en centaines d'euros: $y_i$	7,55	9,24	10,74	12,84	15,66	18,45

1. Représenter le nuage de points  $M_i (x_i, y_i)$  dans un repère orthogonal (unités graphiques: 2cm en abscisse, 1 cm en ordonnée). Peut-on envisager un ajustement affine de ce nuage ?
2. a) Déterminer le coefficient de corrélation linéaire de la série statistique double  $(x_i, y_i)$ . Le résultat obtenu confirme-t-il l'observation faite au 1. ?  
 b) Déterminer, par la méthode des moindres carrés, une équation de la droite de régression  $D$  de  $y$  en  $x$ . Tracer  $D$  dans le même repère qu'au 1.  
 c) En admettant que l'évolution du coût constatée pendant 6 ans se poursuive les années suivantes, donner une estimation du coût de maintenance de l'installation lorsqu'elle aura 8 ans.

### Exercice 2:

Soit la fonction  $f$  définie pour tout réel  $x$  par  $f(x) = x - \frac{e^x - 1}{e^x + 1}$ . Le plan étant muni d'un repère  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ , on désigne par  $C_f$  la courbe représentative de  $f$ .

1. Vérifier que, pour tout réel  $x$ , on a:

$$f(x) = x - 1 + \frac{2}{e^x + 1} = x + 1 - \frac{2e^x}{e^x + 1}$$

2. Etudier les limites de  $f$  en  $-\infty$  et en  $+\infty$ .
3. Montrer que les droites  $D_1$  et  $D_2$  d'équations respectives  $y = x - 1$  et  $y = x + 1$  sont asymptotes à la courbe  $C_f$ . Etudier les positions relatives de  $C_f$  par rapport à ces asymptotes.
4. Montrer que la fonction  $f$  est impaire. Interpréter graphiquement ce résultat.  
(Rappel:  $f$  est impaire si  $f(-x) = -f(x)$  pour tout  $x$ )
5. Etudier le sens de variation de  $f$  sur  $\mathbb{R}$ . En déduire le tableau de variation de  $f$  sur  $\mathbb{R}$
6. Déterminer l'équation de la tangente  $T$  à la courbe  $C_f$  au point d'abscisse 0.
7. Tracer la courbe  $C_f$ , la tangente  $T$  et les droites  $D_1$  et  $D_2$  sur l'intervalle  $[-5; 5]$ .